

ResolSysteme [fr]

Des outils pour des
systèmes linéaires,
avec xint ou pyluatex.

Version 0.1.1 -- 7 Février 2023

Cédric Pierquet

c pierquet -- at -- outlook . fr

<https://github.com/cpierquet/ResolSysteme>

- Des commandes pour travailler sur des matrices carrées (2x2, 3x3 ou 4x4).
- Des commandes pour résoudre des systèmes linéaires (2x2, 3x3 ou 4x4).

Le **déterminant** de $A = \begin{pmatrix} -1 & 0,5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -4,25$.

L'**inverse** de la matrice $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}$.

La **solution** de $\begin{cases} y + z + t = 1 \\ x + z + t = -1 \\ x + y + t = 1 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$ est $\mathcal{S} = \left\{ \left(-\frac{2}{3}; \frac{4}{3}; -\frac{2}{3}; \frac{1}{3} \right) \right\}$.

LaTeX

pdfLaTeX

LuaLaTeX

TikZ

TeXLive

MiKTeX

Table des matières

I	Introduction	3
1	Le package ResolSysteme	3
1.1	Introduction	3
1.2	Packages utilisés, choix de formatage	3
1.3	Chargement du package, et option	3
II	Commandes	4
2	Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction	4
2.1	La commande	4
2.2	Utilisation	4
2.3	Interaction avec les commandes « matricielles », limitations	4
3	Calcul de déterminant	5
3.1	Introduction	5
3.2	Utilisation	5
4	Inverse d'une matrice	6
4.1	Introduction	6
4.2	Utilisation	7
5	Résolution d'un système linéaire	8
5.1	Introduction	8
5.2	Utilisation	8
III	Fonctions python utilisées	10
IV	Historique	11

Première partie

Introduction

1 Le package ResolSysteme

1.1 Introduction



L'idée est de *proposer* des outils pour travailler sur des systèmes linéaires (de taille réduite!) :

- en affichant la **solution** (si elle existe);
- en affichant le **déterminant** et l'éventuelle **inverse** de la matrice des coefficients.



À noter que les calculs – en interne – peuvent être effectués de deux manières :

- via les packages `xint*` pour des formats **2x2** ou **3x3**;
- via python et le package `pyluatex` (à charger manuellement du fait des options spécifiques) pour des formats **2x2**, **3x3** ou **4x4**.

Il n'est pas prévu – pour le moment – de travailler sur des matrices/systèmes plus grands.



L'utilisation de `pyluatex` nécessite une compilation adaptée, à savoir en `LuaATEX` et en activant le mode `-shell-escape`.
La méthode par python utilise quoi qu'il en soit le module `sympy`, qui doit donc être installé!

1.2 Packages utilisés, choix de formatage



Le package charge les packages suivantes :

- `xintexpr` et `xinttools`;
- `sinuitx`, `nicefrac` et `nicematrix`;
- `xstring` et `listofitems`.

Il est compatible avec les compilations usuelles en `latex`, `pdflatex`, `lualatex` (obligatoire pour `pyluatex`!!) ou `xelatex`.



Les nombres sont formatés par la commande `\num` de `sinuitx`, donc les options choisies par l'utilisateur se propageront aux résultats numériques.
L'affichage des matrices est gérée par le package `nicematrix`, et des options spécifiques *simples* pourront être placées dans les différentes commandes.

1.3 Chargement du package, et option



Le package peut donc se charger de deux manières différentes, suivant si l'utilisateur utilise python ou non. Les commandes *classiques* sont disponibles même si python est utilisé.

Code `ℒATEX`

```
%chargement du package sans passer par pyluatex, calculs via xint
\usepackage{ResolSysteme}
```

Code `ℒATEX`

```
%chargement du package pyluatex et du package avec [pyluatex]
\usepackage[options]{pyluatex}
\usepackage[pyluatex]{ResolSysteme}
```

Deuxième partie

Commandes

2 Une commande interne : écriture sous forme d'une fraction

2.1 La commande



En *interne*, le code utilise une commande pour formater un résultat sous forme fractionnaire, avec gestion des entiers et gestion du signe « - ».

Code \LaTeX

```
\ConvVersFrac(*)[option de formatage]{calcul}
```

2.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est dans un bloc ensuremath :

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « - » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - <t> pour l'affichage de la fraction en mode tfrac ;
 - <d> pour l'affichage de la fraction en mode dfrac ;
 - <n> pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac ;
 - <dec> pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!) ;
 - <dec=k> pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le second argument, *obligatoire*, est quant à lui, le calcul en syntaxe xint.

Code \LaTeX

```
\ConvVersFrac{-10+1/3*(-5/16)}           %sortie par défaut (fraction avec - sur numérateur)
\ConvVersFrac*{-10+1/3*(-5/16)}           %sortie avec - avant la fraction
\ConvVersFrac*[d]{-10+1/3*(-5/16)}        %sortie en displaystyle
\ConvVersFrac[n]{-10+1/3*(-5/16)}         %sortie en nicefrac
\ConvVersFrac[dec=4]{-10+1/3*(-5/16)}     %sortie en décimal arrondi à 0,0001
\ConvVersFrac{2+91/7}                     %entier correctement formaté
```

Code \LaTeX

$$\frac{-485}{48} \quad -\frac{485}{48} \quad -\frac{485}{48} \quad -485/48 \quad -10,1042 \quad 15$$

2.3 Interaction avec les commandes « matricielles », limitations



En *interne*, le formatage des résultats est géré par cette commande, et les options disponibles existent donc de la même manière pour les commandes liées aux systèmes linéaires.

Il ne sera par contre pas possible de spécifier des options différentes pour chacun des coefficients, autrement dit l'éventuelle option se propagera sur l'ensemble des résultats !

Les *transformations* en fraction devraient pouvoir fonctionner avec des calculs *classiques*, mais il est possible que, dans des cas *spécifiques*, les résultats ne soient pas ceux attendus !

3 Calcul de déterminant

3.1 Introduction



La première commande (matricielle) disponible est pour calculer le déterminant d'une matrice :

- **2x2** ou **3x3** pour le package *classique* ;
- **2x2** ou **3x3** ou **4x4** pour le package *lua*.

Code \LaTeX

```
%version classique
\DetMatrice(*)[option de formatage](matrice)

%version python
\DetMatricePY(*)[option de formatage](matrice)
```

3.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « - » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - **<t>** pour l'affichage de la fraction en mode tfrac ;
 - **<d>** pour l'affichage de la fraction en mode dfrac ;
 - **<n>** pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac ;
 - **<dec>** pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi !);
 - **<dec=k>** pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le second argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients $a_{11}, a_{12}, \dots \S a_{21}, a_{22}, \dots$ (syntaxe *héritée* de sympy).

Code \LaTeX

```
%version classique
Le dét. de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}$ est
$\det(A)=\DetMatrice(1,2 \S 3,4)$.
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -2$.

Code \LaTeX

```
%version classique
Le dét. de $A=\begin{pNiceMatrix}-1&\{0,5\}\\frac{1}{2}&4\end{pNiceMatrix}$ est
$\det(A)=\DetMatrice[dec](-1,0.5 \S 1/2,4)$.
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & 0,5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -4,25$.

```
%version classique
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx \text{DetMatrice}[\text{dec}=3](-1, 1/3, 4 \text{ } 1/3, 4, -1 \text{ } -1, 0, 0)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx 16,333$.

```
%version python
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = \text{DetMatricePY}(1, 2 \text{ } 3, 4)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -2$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & 0,5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = \text{DetMatricePY}[d](-1, 0.5 \text{ } 1/2, 4)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & 0,5 \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$ est $\det(A) = -\frac{17}{4}$.

```
%version python
```

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx \text{DetMatricePY}[\text{dec}=3](-1, 1/3, 4 \text{ } 1/3, 4, -1 \text{ } -1, 0, 0)$.

Le dét. de $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$ est $\det(A) \approx 16,333$.

4 Inverse d'une matrice

4.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour calculer l'éventuelle inverse d'une matrice :

- **2x2** ou **3x3** pour le package *classique* ;
- **2x2** ou **3x3** ou **4x4** pour le package *lua*.

```
%version classique
```

```
\MatriceInverse(*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)
```

```
%version python
```

```
\MatriceInversePY(*)[option de formatage]<options nicematrix>(matrice)
```

4.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « − » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - **<t>** pour l'affichage de la fraction en mode tfrac ;
 - **<d>** pour l'affichage de la fraction en mode dfrac ;
 - **<n>** pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac ;
 - **<dec>** pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!) ;
 - **<dec=k>** pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le deuxième argument, *optionnel* et entre <...> correspond aux **<options>** à passer à l'environnement pNiceMatrix ;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy).

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte Matrice non inversible est affiché.

Code \LaTeX

```
%version classique
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

Code \LaTeX

```
%version classique
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2&3\\4&5&6\\7&8&8\end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInverse[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3 § 4,5,6 § 7,8,8)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 8 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1 \\ 10/3 & -13/3 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$.

Code \LaTeX

```
%version python
L'inverse de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2\\3&4\end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=\MatriceInversePY*[d]<cell-space-limits=2pt>(1,2 § 3,4)$.
```

L'inverse de $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$ est $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$.

```
%version python
L'inv. de $A=\begin{pNiceMatrix}1&2&3&4\\5&6&7&0\\1&1&1&1\\-2&-3&-5&-6\end{pNiceMatrix}$ est
$A^{-1}=$
\MatriceInversePY*[n]<cell-space-limits=2pt>(1,2,3,4 $ 5,6,7,0 $ 1,1,1,1 $ -2,-3,-5,-6)$.
```

$$\text{L'inv. de } A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ -2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix} \text{ est } A^{-1} = \begin{pmatrix} -15/8 & -1/8 & 3/2 & -1 \\ 23/8 & 1/8 & 1/2 & 2 \\ -9/8 & 1/8 & -3/2 & -1 \\ 1/8 & -1/8 & 1/2 & 0 \end{pmatrix}.$$

5 Résolution d'un système linéaire

5.1 Introduction



La deuxième commande (matricielle) disponible est pour déterminer l'éventuelle solution d'un système linéaire qui s'écrit matriciellement $A \times X = B$:

- **2x2** ou **3x3** pour le package *classique* ;
- **2x2** ou **3x3** ou **4x4** pour le package *lua*.

```
%version classique
\SolutionSysteme(*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[opt Matrice]

%version python
\SolutionSystemePY(*)[opt de formatage]<opts nicematrix>(matriceA)(matriceB)[opt Matrice]
```

5.2 Utilisation



Concernant cette commande, qui est à insérer dans un environnement *math* :

- la version *étoilée* force l'écriture du signe « - » avant l'éventuelle fraction ;
- le premier argument, *optionnel* et entre [...] permet de spécifier un formatage du résultat :
 - <t> pour l'affichage de la fraction en mode tfrac ;
 - <d> pour l'affichage de la fraction en mode dfrac ;
 - <n> pour l'affichage de la fraction en mode nicefrac ;
 - <dec> pour l'affichage du résultat en mode décimal (sans arrondi!) ;
 - <dec=k> pour l'affichage du résultat en mode décimal arrondi à 10^{-k} ;
- le deuxième argument, *optionnel* et entre <...> correspond aux <options> à passer à l'environnement pNiceMatrix ;
- le troisième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice A donnée par ses coefficients a11,a12,... § a21,a22,... (syntaxe héritée de sympy) ;
- le quatrième argument, *obligatoire* et entre (...), est quant à lui, la matrice B donnée par ses coefficients b11,b21,... (syntaxe héritée de sympy) ;
- le dernier argument, *optionnel* et entre [...], permet – grâce à <Matrice> – de présenter le vecteur solution.

À noter que si la matrice n'est pas inversible, le texte `Matrice non inversible` est affiché.

%version classique

La solution de $\text{\texttt{\$}\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}\$}$ est $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\%}$
 $\text{\texttt{\left\lbrace \SolutionSysteme*[d](3,1,-2 \S 2,-1,1 \S 1,-1,-2)(-1,4,5) \right\rbrace}\$}$.

La solution de
$$\begin{cases} 3x + y - 2z = -1 \\ 2x - y + z = 4 \\ x - y - 2z = 5 \end{cases}$$
 est $\mathcal{S} = \left\{ \left(\frac{1}{2}; -\frac{7}{2}; -\frac{1}{2} \right) \right\}$.

%version python

La solution de $\text{\texttt{\$}\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}\$}$ est $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\%}$
 $\text{\texttt{\left\lbrace \SolutionSystemePY(1,1,1 \S 3,2,-1 \S -1,-1,2)(-1,6,-5) \right\rbrace}\$}$.

La solution de
$$\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$$
 est $\mathcal{S} = \{(2; -1; -2)\}$.

%version python

La solution de $\text{\texttt{\$}\systeme[xyzt]{x+2y+3z+4t=-10,5x+6y+7z=0,x+y+z+t=4,-2x-3y-5z-6t=7}\$}$
 est $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\%}$
 $\text{\texttt{\left\lbrace \SolutionSystemePY\right.}}$
 $\text{\texttt{\quad [dec]<cell-space-limits=2pt>\%}}$
 $\text{\texttt{\quad (1,2,3,4 \S 5,6,7,0 \S 1,1,1,1 \S -2,-3,-5,-6)(-10,0,4,7)\%}}$
 $\text{\texttt{\quad [Matrice]}}$
 $\text{\texttt{\right\rbrace}\$}$.

La solution de
$$\begin{cases} x + 2y + 3z + 4t = -10 \\ 5x + 6y + 7z = 0 \\ x + y + z + t = 4 \\ -2x - 3y - 5z - 6t = 7 \end{cases}$$
 est $\mathcal{S} = \left\{ \begin{pmatrix} 17,75 \\ -12,75 \\ -1,75 \\ 0,75 \end{pmatrix} \right\}$.

%pas de solution

La solution de $\text{\texttt{\$}\systeme{x+2y=-5,4x+8y=1}\$}$ est $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\%}$
 $\text{\texttt{\left\lbrace \SolutionSystemePY(1,2 \S 4,8)(-5,1) \right\rbrace}\$}$.

La solution de
$$\begin{cases} x + 2y = -5 \\ 4x + 8y = 1 \end{cases}$$
 est $\mathcal{S} = \{\text{Matrice non inversible}\}$.

Troisième partie

Fonctions python utilisées



Les fonctions utilisées par les packages pyluatex ou pythontex sont données ci-dessous.
Elles sont accessibles en *natif* une fois l'option lua activée, grâce notamment à la macro `\py`.

Code Python

```
import sympy as sy
x = sy.Symbol('x')
y = sy.Symbol('y')
z = sy.Symbol('z')
t = sy.Symbol('t')

def resol_systeme_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p,q,r,s,u) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y+c*z+d*t-e,f*x+g*y+h*z+i*t-j,k*x+l*y+m*z+n*t-o,p*x+q*y+r*z+s*t-u],[x,y,z,t])
    return solution

def resol_systeme_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y+c*z-d,e*x+f*y+g*z-h,i*x+j*y+k*z-l],[x,y,z])
    return solution

def resol_systeme_DD(a,b,c,d,e,f) :
    solution=sy.solve([a*x+b*y-c,d*x+e*y-f],[x,y])
    return solution

def det_matrice_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b,c,d],[e,f,g,h],[i,j,k,l],[m,n,o,p]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp

def det_matrice_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b,c],[d,e,f],[g,h,i]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp

def det_matrice_DD(a,b,c,d) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b],[c,d]))
    DetMatTmp = MatTmp.det()
    return DetMatTmp

def inverse_matrice_QQ(a,b,c,d,e,f,g,h,i,j,k,l,m,n,o,p) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b,c,d],[e,f,g,h],[i,j,k,l],[m,n,o,p]))
    DetMatTmp = MatTmp.inv()
    return DetMatTmp

def inverse_matrice_DD(a,b,c,d) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b],[c,d]))
    InvMatTmp = MatTmp.inv()
    return InvMatTmp

def inverse_matrice_TT(a,b,c,d,e,f,g,h,i) :
    MatTmp = sy.Matrix([a,b,c],[d,e,f],[g,h,i]))
    InvMatTmp = MatTmp.inv()
    return InvMatTmp
```

Quatrième partie

Historique

v0.1.1 : Correction d'un bug avec le caractère « ; »

v0.1.0 : Version initiale