

# ResolSysteme (0.1.2), version « classique »

## 1 Préambule sans utiliser python

```
\documentclass[french,a4paper,10pt]{article}
\usepackage[margin=1.5cm]{geometry}
\usepackage{ResolSysteme} %version classique
\usepackage{systeme}
\sisetup{locale=FR,output-decimal-marker={,}}
```

## 2 Affichage d'une matrice, 2x2 ou 3x3 ou 4x4

On considère les matrices  $A=\text{AffMatrice}(1,2 \text{ § } 3,4)$   
et  $B=\text{AffMatrice}[n](-1,1/3,4 \text{ § } 1/3,4,-1 \text{ § } -1,0,0)$   
et  $C=\text{AffMatrice}(1,2,3,4 \text{ § } 5,6,7,0 \text{ § } 1,1,1,1 \text{ § } 2,-3,-5,-6)$ .

On considère les matrices  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  et  $B = \begin{pmatrix} -1 & 1/3 & 4 \\ 1/3 & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  et  $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 6 & 7 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \\ 2 & -3 & -5 & -6 \end{pmatrix}$ .

## 3 Déterminant d'une matrice, 2x2 ou 3x3

Le déterminant de  $A=\text{AffMatrice}(1,2 \text{ § } 3,4)$  est  
 $\det(A)=\text{DetMatrice}(1,2 \text{ § } 3,4)$ .

Le déterminant de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $\det(A) = -2$ .

Le déterminant de  $A=\text{AffMatrice}*(-1,0.5 \text{ § } 1/2,4)$  est  
 $\det(A)=\text{DetMatrice}[dec](-1,0.5 \text{ § } 1/2,4)$ .

Le déterminant de  $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{2} \\ \frac{1}{2} & 4 \end{pmatrix}$  est  $\det(A) = -4,25$ .

Le dét. de  $A=\begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  est  
 $\det(A) \approx \text{DetMatrice}[dec=3](-1,1/3,4 \text{ § } 1/3,4,-1 \text{ § } -1,0,0)$ .

Le dét. de  $A = \begin{pmatrix} -1 & \frac{1}{3} & 4 \\ \frac{1}{3} & 4 & -1 \\ -1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$  est  $\det(A) \approx 16,333$ .

## 4 Inverse d'une matrice, 2x2 ou 3x3

L'inverse de  $A=\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  
 $A^{-1}=\text{MatriceInverse}<cell-space-limits=2pt>(1,2 \text{ § } 3,4)$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \text{MatriceInverse} \langle \text{cell-space-limits=2pt} \rangle (1, 2 \text{ § } 3, 4)$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[d] \langle \text{cell-space-limits=2pt} \rangle (1, 2 \text{ § } 3, 4)$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ \frac{3}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \text{MatriceInverse} \langle \text{cell-space-limits=2pt} \rangle (1, 2, 3 \text{ § } 4, 5, 6 \text{ § } 7, 8, 9)$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} -\frac{8}{3} & \frac{8}{3} & -1 \\ \frac{10}{3} & -\frac{13}{3} & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \text{MatriceInverse}[n] \langle \text{cell-space-limits=2pt} \rangle (1, 2, 3 \text{ § } 4, 5, 6 \text{ § } 7, 8, 9)$ .

L'inverse de  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{pmatrix}$  est  $A^{-1} = \begin{pmatrix} -8/3 & 8/3 & -1 \\ 10/3 & -13/3 & 2 \\ -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$ .

## Résolution d'un système, 2x2 ou 3x3

La solution de  $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \left\{ \begin{pmatrix} -9 \\ -8 \end{pmatrix} \text{ § } \begin{pmatrix} 3 \\ -6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -8 \\ -7 \end{pmatrix} \right\}$ .

La solution de  $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \left\{ \left( -\frac{4}{39}, \frac{29}{26} \right) \right\}$ .

La solution de  $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \left\{ \begin{pmatrix} -9 \\ -8 \end{pmatrix} \text{ § } \begin{pmatrix} 3 \\ -6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -8 \\ -7 \end{pmatrix} \right\}$ .

La solution de  $\begin{cases} -9x - 8y = -8 \\ 3x - 6y = -7 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \left\{ \left( -\frac{4}{39}, \frac{29}{26} \right) \right\}$ .

La solution de  $\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \text{ § } \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 6 \\ -5 \end{pmatrix} \right\}$ .

La solution de  $\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$  est  $\mathcal{S} = \{(2; -1; -2)\}$ .

La solution de  $\text{\texttt{\$}\systeme{x+y+z=-1,3x+2y-z=6,-x-y+2z=-5}\text{\$}}$  est donnée par  $X=\text{\texttt{\$}\SolutionSysteme(1,1,1\ \&\ 3,2,-1\ \&\ -1,-1,2)(-1,6,-5)[Matrice]\text{\$}}$ .

La solution de 
$$\begin{cases} x + y + z = -1 \\ 3x + 2y - z = 6 \\ -x - y + 2z = -5 \end{cases}$$
 est donnée par  $X = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -2 \end{pmatrix}$ .

La solution de  $\text{\texttt{\$}\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}\text{\$}}$  est  $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\text{\texttt{\$}\left\lbrace \SolutionSysteme(3,1,-2\ \&\ 2,-1,1\ \&\ 1,-1,-2)(-1,4,5)\ \right\rbrace}\text{\$}}$ .

La solution de 
$$\begin{cases} 3x + y - 2z = -1 \\ 2x - y + z = 4 \\ x - y - 2z = 5 \end{cases}$$
 est  $\mathcal{S} = \left\{ \left( \frac{1}{2}; \frac{-7}{2}; \frac{-1}{2} \right) \right\}$ .

La solution de  $\text{\texttt{\$}\systeme{3x+y-2z=-1,2x-y+z=4,x-y-2z=5}\text{\$}}$  est  $\text{\texttt{\$}\mathcal{S}=\text{\texttt{\$}\left\lbrace \SolutionSysteme*[d](3,1,-2\ \&\ 2,-1,1\ \&\ 1,-1,-2)(-1,4,5)\ \right\rbrace}\text{\$}}$ .

La solution de 
$$\begin{cases} 3x + y - 2z = -1 \\ 2x - y + z = 4 \\ x - y - 2z = 5 \end{cases}$$
 est  $\mathcal{S} = \left\{ \left( \frac{1}{2}; -\frac{7}{2}; -\frac{1}{2} \right) \right\}$ .